SVE Mat 1 - 2025/2026 David Kolar

Petit mémo sur les fonctions dérivées

Fonctions usuelles

f	f'
χ ⁿ	nx^{n-1}
$\frac{1}{x}$	$\frac{-1}{x^2}$
$\sqrt{\chi}$	$\frac{1}{2\sqrt{x}}$
e ^x	e ^x
$\ln(x)$	$\frac{1}{x}$
$\sin(x)$	$\cos(x)$
$\cos(x)$	$-\sin(x)$

Formules produit et quotient

$$(uv)' = u'v + uv'$$

$$\left(\frac{\mathfrak{u}}{\mathfrak{v}}\right)' = \frac{\mathfrak{u}'\mathfrak{v} - \mathfrak{u}\mathfrak{v}'}{\mathfrak{v}^2}$$

Formule composée

$$(\mathfrak{u}(\mathfrak{v}(x)))'=\mathfrak{u}'(\mathfrak{v}(x))\times\mathfrak{v}'(x)$$

u ⁿ	$nu' \times u^{n-1}$
$\frac{1}{u}$	$\frac{-\mathfrak{u}'}{\mathfrak{u}^2}$
\sqrt{u}	$\frac{u'}{2\sqrt{u}}$
$e^{\mathfrak{u}}$	$\mathfrak{u}' imes e^{\mathfrak{u}}$
$\ln(\mathfrak{u})$	$\frac{\mathfrak{u}'}{\mathfrak{u}}$
$\sin(\mathfrak{u})$	$\mathfrak{u}'\cos(\mathfrak{u})$
$\cos(\mathfrak{u})$	$-\mathfrak{u}'\sin(\mathfrak{u})$

Formule de la tangente

Soit f une fonction, la tangente en α à la courbe de f a pour équation

$$T_{\alpha}: y = f'(\alpha)(x - \alpha) + f(\alpha)$$